

مطالعه ی پهنای گرمایی کوارکونیوم با استفاده از AdS/CFT در حضور

تصحیحات گرانشی گائوس- بونت

سید کمال طباطبائی¹، کاظم بی تقصیر فدافن²

¹دانشگاه صنعتی شاهرود

چکیده:

پتانسیل میان کوارک-پادکوارک در نظریه ریسمان مطالعه شده است به این منظور بایستی ریسمان بازی را در نظر گرفت که دو انتهای آن کوارک پادکوارک هستند و ریسمان در بعد هولوگرام گسترش یافته است. در این مقاله با در نظر گرفتن نوسانات ریسمان پتانسیل موهومی و پهنای گرمایی کوارکونیوم بدست می آید. به عنوان کاربردی از محاسبات این کمیت را در حضور تصحیحات گرانشی گائوس-بونت مطالعه می کنیم.

هدف این است که برای متریک عمومی پتانسیل موهومی را برای کوارکونیوم محاسبه کرده و بعد از آن پهنای دمایی کوارکونیوم بدست آید. به این منظور ابتدا فضای متریک 5 بعدی زیر را در نظر می گیریم:¹

$$ds^2 = -G_{00}(U)dt^2 + G_{xx}(U)d\bar{x}^2 + G_{UU}(U)dU^2 \quad (1)$$

که $G_{\mu\nu}$ ها توابع متریک هستند و در افق یعنی در U_h ، $G_{00}(U_h) = 0$ و مرز در $U \rightarrow \infty$ می باشد. دینامیک ریسمان با رابطه کنش نامبو گوتوداده می شود:

$$S_{NG} = \frac{-1}{2\pi\alpha'} \int d^2\sigma \sqrt{-\det h_{ab}} \quad (2)$$

که $h_{ab} = G_{\mu\nu} \partial_a X^\mu \partial_b X^\nu$ ($a, b = 1, 2$) و $G_{\mu\nu}$ متریک زمینه و $\sigma^a = (\tau, \sigma)$ بازه ی مختصات جهان سطح بوده و مختصات فضا زمانی ده بعدی که ریسمان در آن قرار دارد به صورت $X^\mu = X^\mu(\tau, \sigma)$ می باشد. در اینجا پیکر بندی که در آن کنش کمینه می شود یک منحنی U شکل خواهد بود که نقاط انتهایی منحنی (ریسمان باز) به مرز متصل می شود و یک کمینه در نقطه U_* دارد. با انتخاب پیمانه ایستا $\tau = t, \sigma = x$ داریم که $X^\mu = (t, x, 0, 0, U(x))$ و در نتیجه رابطه کنش نامبو گوتو به صورت زیر تبدیل می شود:

$$S_{NG} = \frac{-t}{2\pi\alpha'} \int_{-L/2}^{L/2} dx \sqrt{U'^2 + V(U)} \quad (3)$$

که در آن فرض شده است که $G_{00}G_{UU} = 1$ باشد و همچنین $V(U) \equiv G_{00}G_{xx}$ با مقایسه مکانیک ذره از رابطه (3) هامیلتونی به دست می آید و با توجه به اینکه هامیلتونی پایسته است به رابطه انتگرالی زیر می رسیم:

$$\frac{L}{2} = \int_{U_*}^{\infty} dU \left\{ V(U) \left[\frac{V(U)}{V(U_*)} - 1 \right] \right\}^{\frac{1}{2}} \quad (4)$$

حال نوسانات دمایی حول جواب کلاسیکی $U_c(x)$ را در نظر می گیریم. با استفاده از حلقه ویلسون نشان دهیم که نوسانات نزدیک پایین پیکربندی ریسمان کلاسیکی (U_*) منجر به تولید بخش موهومی می شود. نوسانات طول موج بلند نمای ریسمان $U_c(x) \rightarrow U_c(x) + \delta U(x)$ (با $\delta U' \rightarrow 0$) را در نظر می گیریم که باعث می شود تابع پارش ریسمان به صورت زیر بدست آید:

$$Z_{string} \sim \int DX^\mu e^{iS_{NG}(x)} \sim \int DX^\mu e^{iS_{NG}(U_i + \delta U)} \quad (5)$$

زمانی که بخش پایین ریسمان کلاسیکی به اندازه کافی به افق نزدیک می شود نوسانات جهان سطح $\delta U(x)$ نزدیک $x=0$ علامت ترم زیر رادیکال کنش نامبو گوتو را تغییر می دهد و این تغییر علامت بخش موهمی را تولید می کند. با استفاده از تقریب نقطه زینی داریم $\delta U = -V'_*/V''_*$ و در نتیجه بخش های موهمی و حقیقی پتانسیل در تابع پارش از هم مجزا می شوند و پتانسیل موهمی به صورت زیر به دست می آید:

$$\text{Im}v_{\mathcal{Q}\bar{\mathcal{Q}}} = -\frac{1}{2\sqrt{2}\alpha'} \left[\frac{V'_*}{2V''_*} - \frac{V_*}{V'_*} \right] \quad (6)$$

اکنون پلاسمای ابرتقارنی یانگ میلز را در نظر می گیریم که دوگان گرانشی آن سیاهچاله ی شوارز شیلد در فضای AdS است بنابراین $V(U) = (U^4 - U_h^4)/R^4$ می باشد که شعاع R شعاع AdS_5 و $U_h = \pi R^2 T$ بنابراین پتانسیل موهمی عبارتست از:

$$\text{Im}v_{\mathcal{Q}\bar{\mathcal{Q}}} = -\frac{\pi}{24\sqrt{2}} \sqrt{\lambda} T \frac{3\xi^4 - 1}{\xi} \quad (7)$$

که $\sqrt{\lambda} = R^2/\alpha'$ و $\xi \equiv U_h/U_* < 1$ در LT کوچک با استفاده از رابطه (4) داریم که $LT = 0.38\xi$ پتانسیل موهمی تراز انرژی را به صورت $E_0 \rightarrow E_0 - i\Gamma$ انتقال می دهد که مقدار آهنگ واپاشی برابر است با:

$$\Gamma_{\mathcal{Q}\bar{\mathcal{Q}}} \equiv -\langle \Psi | \text{Im}v_{\mathcal{Q}\bar{\mathcal{Q}}} | \Psi \rangle = \frac{\pi\sqrt{\lambda}}{48\sqrt{2}} \frac{b}{a_0} \left[45 \left(\frac{a_0 T}{b} \right)^4 - 2 \right] \quad (8)$$

که $|\psi\rangle$ تابع موج حالت پایه کولونی غیر اختلالی و $a_0 = \Gamma(1/4)^4 / 2\pi^2 \sqrt{\lambda} m_0$ شعاع بوهر می باشد. برای $m_0 = 4.7\text{GeV}, T = 0.3\text{GeV}, \sqrt{\lambda} = 3$ ما $\Gamma_\gamma \approx 50\text{MeV}$ به دست می آوریم.

یکی از تصحیحات مهم بر نظریه یانگ میلز در نظر گرفتن تصحیحات بر ثابت جفتدگی یعنی λ است که مطابق AdS/CFT منظور در نظر گرفتن جملات مشتق بالاتر گرانش است. بنابراین متریک دیگری که بررسی می کنیم متریک Gauss-Bonnet می باشد:²

$$ds^2 = -a^2 f_{GB}(U) dt^2 + \frac{U^2}{R^2} d\vec{x}^2 + \frac{dU^2}{f_{GB}(U)} \quad (9)$$

که $\lambda_{GB} \in (-\infty, 1/4]$ ، $U_h = \frac{\pi R^2 T}{a}$ ، $a^2 = \frac{1}{2} \left(1 + \sqrt{1 - 4\lambda_{GB}} \right)$

$$f_{GB}(U) = \frac{U^2}{R^2} \frac{1}{2\lambda_{GB}} \left[1 - \sqrt{1 - 4\lambda_{GB} \left(1 - \frac{U_h^4}{U^4} \right)} \right] \quad (10)$$

که مانند متریک اول داریم که کنش نامبو گوتو به صورت زیر در می آید:

$$S_{NG} = \frac{-ta}{2\pi\alpha'} \int_{-L/2}^{L/2} dx \sqrt{U'^2(x) + f_{GB}(U(x))} \frac{U^2(x)}{R^2} \quad (11)$$

و با محاسبه هامیلتونی و استفاده از شرط پایسته بودن آن داریم:

$$\frac{L}{2} = \int_{U_*}^{\infty} dU \left\{ f_{GB}(U) \frac{U^2}{R^2} \left[\frac{f_{GB}(U)U^2}{f_{GB}(U_*)U_*^2} - 1 \right] \right\}^{\frac{1}{2}} \quad (12)$$

در نتیجه پتانسیل موهومی با توجه به رابطه (11) به صورت زیر می باشد:

$$\text{Im}v_{Q\bar{Q}} = \frac{\pi T}{a^2} \sqrt{\frac{\lambda}{2}} \left(\frac{(-2M^5 + M^6 - 2M^3\lambda_{GB}\xi^4 + 16M\lambda_{GB}^2\xi^8 - 24M^2\lambda_{GB}^2\xi^8 + M^4(1 + 2\lambda_{GB}\xi^4))}{(8M\xi - 8M^2\xi + 16\lambda_{GB}\xi^5)(3M^3 - 3M^4 + 6M^2\lambda_{GB}\xi^4 + 16\lambda_{GB}^2\xi^8)} \right) \quad (13)$$

که $\sqrt{\lambda} = R^2 a^2 / \alpha'$ و $M = \sqrt{1 - 4\lambda_{GB}(1 - \xi^4)}$ در $LT \equiv U_h / U_* < a$ کوچک با فرض اینکه

$\xi \ll \left(\frac{0.25 - \lambda_{GB}}{|\lambda_{GB}|} \right)^{\frac{1}{4}}$ با حل انتگرال رابطه (12) داریم که $LT = 0.38a^2\xi$ در نتیجه اگر مقدار ξ را در (13) قرار

دهیم و مقدار $\Gamma_{Q\bar{Q}} \equiv -\langle \Psi | \text{Im}v_{Q\bar{Q}} | \Psi \rangle$ را برای $m_Q = 4.7\text{GeV}, T = 0.3\text{GeV}, \sqrt{\lambda} = 3, \lambda_{GB} = 0.22$ محاسبه

کنیم در نتیجه $\Gamma_\gamma \approx 11\text{MeV}$ را به دست می آوریم. نکته ی جالب توجه اینجاست که بازه ی مورد قبول برای ثابت گاوس-بونت $[-\infty, 1/4]$ نیست بلکه انتخاب های محدودی برای λ_{GB} وجود دارد.

نتیجه گیری

با در نظر گرفتن تصحیحات ثابت جفتیدگی مقدار پهنای دمایی به ازای λ_{GB} های محدود تغییر می کند و آهنگ منظمی ندارد.

مرجع ها

1. Jorge Noronha, Adrian Dumitru, "Thermal Width of the γ at Large t' Hooft Coupling," *Phys.Rev.Lett.* 103 (2009) 152304 [arXiv:0907.3062]
2. Jorge Noronha, Adrian Dumitru, "The Heavy Quark Potential as a Function of Shear Viscosity at Strong Coupling," *Phys.Rev.* D80(2009)014007 [arXiv:0903.2804]