

مقاله‌نامه بیست و سومین کنفرانس بهاره فیزیک (۳۰-۲۹ اردیبهشت ۱۳۹۵)

تاثیر ساختار هاله ای بر روی سطح مقطع همجوشی کامل ${}^6\text{He} + {}^{64}\text{Zn}$

محمد محمودی*، علی اکبر رجبی

دانشگاه صنعتی شاهرود، دانشکده فیزیک، گروه فیزیک هسته ای

چکیده

در این مقاله سطح مقطع همجوشی کامل واکنش ${}^6\text{He} + {}^{64}\text{Zn}$ در انرژی‌های نزدیک سد همجوشی بررسی شده است. نشان داده ایم، با لحاظ کردن ساختار هاله ای مناسب در جملات مربوط به چگالی ماده هسته ای، محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی توافق بهتری را با مقادیر تجربی نشان می‌دهد. همچنین برای توافق مناسب، تابع توزیع تعمیم یافته دو پارامتری فرمی را برای چگالی ماده هسته ای نوکلئون‌های هاله پیشنهاد نموده ایم.

بررسی ساختار و واکنش‌های هسته ای، ${}^6\text{He}$ بسیار جالب است. این هسته دارای ساختار عجیبی موسوم به ساختار هاله ای است و از نظر تعداد نوترون غنی می‌باشد ($N/Z = 2$). نوترون‌های سطح آن دارای اهمیت ویژه ای است. ${}^6\text{He}$ با انرژی کمتر از یک مگا الکترون ولت مقید شده است. میانگین انرژی جدایی نوکلئون برای هسته‌های پایدار ۶ تا ۸ مگا الکترون ولت می‌باشد. این ویژگی‌ها می‌تواند در مدل سازی واکنش‌های آن و جهت درک بهتر واکنش‌های هسته‌های بسیار غنی از نوترون نظیر ${}^8\text{He}$ و ${}^{11}\text{Li}$ که دارای ساختار هاله ای اند، مفید واقع گردد. نیز موجب مبادله نوکلئون‌های سطحی بین هسته‌های پرتابه و هدف می‌گردند، بدنبال آن فرآیندهایی مانند «شکست^۱» و «انتقال^۲» در واکنش‌های هسته ای افزایش می‌یابند. این فرآیندها بر روی سطح مقطع همجوشی موثر می‌باشند [۱، ۲]. در این زمینه، سعی می‌گردد محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی در توافق بهتری با مقادیر تجربی باشد. یکی از مدل‌های موجود جهت بررسی تحلیلی سطح مقطع همجوشی، مدل ${}^2\text{SBPM}$ می‌باشد [۳]. در این مدل، سد همجوشی توسط پتانسیل کولنی و هسته ای بین سیستم پرتابه و هدف توصیف می‌گردد. تعدادی از محققین، پتانسیل هسته ای بین هسته‌های پرتابه و هدف را توسط روش DFM^4 با استفاده از پتانسیل نوکلئون - نوکلئون از نوع M3Y محاسبه نموده اند [۴]. در این محاسبات انتخاب تابع توزیع چگالی ماده هسته ای بسیار مهم است. پیش‌بینی می‌شود، هنگامی که سیستم شامل هاله هسته باشد، لحاظ نمودن اثرات هاله ای در جمله‌های مربوط به چگالی ماده هسته ای حائز اهمیت باشد. چهار نوع تابع توزیع چگالی پدیده شناختی برای هاله هسته‌ها پیشنهاد شده است [۵]: مدل متقارن فرمی^۵ (SF)، مدل گاوس - هاله^۶ (GH)، مدل گاوس - گاوس^۷ (GG) و مدل

1 - break up

2 - transfer

3- Single Barrier Penetration Model

4 - Double Folding Model

5 - Symmetrized Fermi

6 - Gaussian-Halo

7 - Gaussian- Gaussian

مقاله‌نامه بیست و سومین کنفرانس بهاره فیزیک (۳۰-۲۹ اردیبهشت ۱۳۹۵)

گاس-نوسانگر^۸ (GO). مطابق توابع توزیع GG و GO فرض می‌شود، هسته شامل دو قسمت متمایز مغزی و هاله (چند نوکلئون ظرفیت) با توزیع فضایی متفاوت می‌باشد. اما مطابق توابع توزیع SF و GH برای توزیع نوکلئون‌های متفاوت نمی‌توان فرقی قائل بود. برای درک بهتر به معرفی مدل GO که در آن ساختار هاله ای لحاظ شده است می‌پردازیم، مطابق این مدل هسته‌هایی مانند ${}^6\text{He}$ و ${}^8\text{He}$ شامل نوکلئون‌های مغزی (۲ پروتون و ۲ نوترون) و نوکلئون‌های ظرفیت یا هاله (۲ نوترون در ${}^6\text{He}$ و ۴ نوترون در ${}^8\text{He}$) می‌باشند. که توزیع چگالی هر یک از قسمت‌های مغزی و هاله به ترتیب توسط روابط زیر داده می‌شود [۵]:

$$\rho_c(r) = \left(\frac{3}{2\pi R_c^2} \right)^{\frac{3}{2}} \exp\left(-\frac{3r^2}{2R_c^2} \right) \quad (1)$$

$$\rho_h(r) = \frac{5}{3} \left(\frac{5}{2\pi R_h^2} \right)^{\frac{3}{2}} \left(\frac{r}{R_h} \right)^2 \exp\left(-\frac{5r^2}{2R_h^2} \right) \quad (2)$$

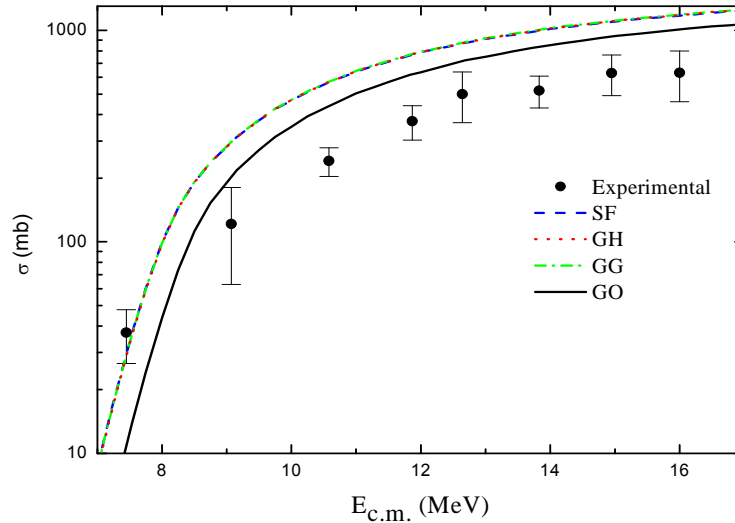
R_h و R_c به ترتیب بیانگر جذر میانگین مجذور شعاع قسمت‌های مغزی و هاله می‌باشند. کل توزیع چگالی ماده هسته ای ρ_m ، با یک نوکلئون نرمالیزه می‌شود و مطابق رابطه زیر داده می‌شود:

$$\rho_m(r) = [4\rho_c(r) + (A-4)\rho_h(r)]/A \quad (3)$$

در این مقاله، سطح مقطع همجوشی کامل واکنش ${}^6\text{He} + {}^{64}\text{Zn}$ با استفاده از مدل SBPM بررسی شده است. پتانسیل هسته ای مورد نیاز را توسط روش DFM با استفاده از پتانسیل نوکلئون - نوکلئون از نوع M3Y با لحاظ نمودن جملات وابسته به اسپین و ایزواسپین محاسبه نموده ایم [6]. سطح مقطع همجوشی متناظر با هر یک از تابع‌های توزیع چگالی SF، GH، GG و GO در شکل ۱ ارائه شده است.

⁸ - Gaussian- Oscillator

مقاله‌نامه بیست و سومین کنفرانس بهاره فیزیک (۳۰-۲۹ اردیبهشت ۱۳۹۵)



شکل ۱: مقایسه بین محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی متناظر با توابع توزیع چگالی ماده هسته ای مختلف هاله هسته ${}^6\text{He}$ ، با داده های آزمایشگاهی برای واکنش همجوشی ${}^6\text{He}+{}^{64}\text{Zn}$. داده های آزمایشگاهی سطح مقطع همجوشی از مرجع [۷].

مطابق شکل ۱، سطح مقطع همجوشی متناظر با تابع توزیع چگالی ماده هسته ای مبتنی بر مدل GO که در آن ساختار هاله ای بهتری لحاظ شده است، توافق بهتری را با داده های آزمایشگاهی نشان می دهد. اما توافق مناسب برقرار نمی باشد. در این مقاله برای برقراری توافق مناسب بین محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی با مقادیر تجربی، توزیع چگالی هر یک از قسمت های مغزی و هاله را به ترتیب توسط روابط زیر پیشنهاد می کنیم:

$$\rho_c(r) = \frac{\rho_{oc}}{1 + \exp\left(\frac{r - c_c}{a_c}\right)} \quad (4)$$

$$\rho_h(r) = \frac{\rho_{oh} r^2}{1 + \exp\left(\frac{r - c_h}{a_h}\right)} \quad (5)$$

رابطه (۴) تابع توزیع چگالی دو پارامتری فرمی (2PF) می باشد. رابطه (۵) نیز تعمیم یافته آن است که می تواند، در شرایط فضایی نوکلئون های هاله صدق کند. در این آنالیز پارامترهای c_c ، a_c ، c_h و a_h را طوری تنظیم می کنیم، که محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی در توافق مناسب با مقادیر تجربی باشد. این محاسبات برای مقادیر مختلف پارامترها آنقدر

تکرار می شوند تا کمیت $\chi^2 = \frac{1}{N} \sum_1^N \frac{(\sigma_{th} - \sigma_{ex})^2}{(\Delta\sigma_{ex})^2}$ به کمتر از ۰/۰۱ برسد. مجموعه ای از مقادیر که از آنالیز دقیق

مقاله‌نامه بیست و سومین کنفرانس بهاره فیزیک (۳۰-۲۹ اردیبهشت ۱۳۹۵)

واکنش همجوشی ${}^6\text{He}+{}^{64}\text{Zn}$ برای پارامترهای a_c ، c_c ، a_h و c_h هاله هسته ${}^6\text{He}$ به دست آمده است به ترتیب $0/47$ ، $1/41$ ، $0/4$ و $3/0$ فرمی می باشد. مقادیر تجربی سطح مقطع همجوشی از مرجع [۷] استخراج شده اند.

نتیجه گیری

در این مقاله سطح مقطع همجوشی کامل واکنش ${}^6\text{He} + {}^{64}\text{Zn}$ در انرژی های نزدیک سد همجوشی با استفاده از تابع های توزیع چگالی ماده هسته ای مختلف برای پرتابه ${}^6\text{He}$ بررسی شده است. نشان داده ایم ، محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی متناظر با توزیع ماده هسته ای مبتنی بر مدل GO که در آن ساختار هاله ای بهتری لحاظ شده است، توافق بهتری را با داده های آزمایشگاهی نشان می دهد. زیرا با استفاده از این ساختار، آرایش فضایی بهتری برای هسته پرتابه مهیا می گردد، که می توان با استفاده از آن جملات وابسته به ایزواسپین را با دقت بیشتری در پتانسیل مورد نیاز لحاظ نمود. همچنین برای برقراری توافق مناسب محاسبات تحلیلی سطح مقطع همجوشی با مقادیر تجربی، تابع توزیع تعمیم یافته دو پارامتری فرمی را برای چگالی ماده هسته ای نوکلئون های هاله پیشنهاد کرده ایم، که پارامتر های مربوط به آن ملموس تر از پارامتر های مربوط به توابع توزیع به کار گرفته شده توسط محققین دیگر است.

مرجع ها

- [1] Raj Kumar, J. A. Lay, and A. Vitturi, *Phys. Rev. C* **89**, 027601 (2014).
- [2] J. Rangel, J. Lubian, et al. , *Eur. Phys. J. A* **49**, 57 (2013).
- [3] A. B. Balantekin, S. E. Koonin, J. W. Negele, *Phys. Rev. C* **28**, 1565(1983).
- [4] I. I. Gontchar, D. J. Hinde, et al., *Phys. Rev. C* **69** , 024610 (2004).
- [5] G.D. Alkhazov, et al., *Nucl. Phys. A* **712**, 269 (2002).
- [6] M. E. Brandan and G. R. Satchler, *Phys. Rep.* **285**, 143 (1997).
- [7] V. Scuderi, A. Di Pietro, et al., *Phys. Rev. C* **84** , 064604 (2011).